

बृहन्मुंबई आणि पुणे जिल्हा गणित अध्यापक मंडळ^१
गणित अध्ययन-अध्यापन विकासन संस्था, नाशिक

Brihan Mumbai and Pune Jilha Ganit Adhyapak Mandal Ganit Adhyayan-Adhyapan Vikasan Sanstha, Nashik

गणित प्रभुत्व स्पर्धा 8 M.P. Contest

Time : 12 to 2.00

Date : 14-2-2016

Maximum Mark : 100

सूचना :

1. प्रारंभी विचारलेली माहिती सुवाच्य अक्षरांत भरा.
 2. सर्व प्रश्न सोडवा.
 3. प्रत्येक प्रश्नाखाली सोडलेल्या जागेत रीत, खुलासा इत्यादी सह उत्तर लिहा.
 4. कच्च्या कामासाठी प्रत्येक पृष्ठावर दिलेली जागा वापरा.
 5. एखाद्या प्रश्नाचे लिहिलेले उत्तर रद्द करून त्याचे उत्तर नव्याने लिहावयाचे असेल तर ते शेवटच्या कोन्या पानावर त्या प्रश्नाच्या क्रमांकासह लिहा.

Instructions :

पूर्ण नावः

(आडनाव)

(नाव)

(मधले नाव)

शालेये नावः

Full Name :

(Surname)

(Name)

(Middle Name)

Name of School :

परीक्षा बैठक क्र.

Seat Number

1000-10000 m.s⁻¹

पर्यावेक्षकांची स्वाक्षरी

Invigilators Signature

•

- 1) तीन संख्यांचे गुणोत्तर $4 : 5 : 7$ असून त्यांचा लसावि 8820 आहे. तर त्या संख्या कोणत्या? 4
- 1) The ratio of three numbers is $4 : 5 : 7$ and their LCM is 8820. Find the numbers. 4

Rough Work/कचे काम

- 2) खालील विधानांचे निरीक्षण करा आणि त्यावरून $2 * 3 \oplus 4 * 1$ ची किंमत काढा. 4
- 2) Observe the following statements and hence find the value of $2 * 3 \oplus 4 * 1$. 4
- (1) $7 * 2 = 38$; $5 * 3 = 35$
- (2) $7 * 2 \oplus 5 * 3 = 3$; $8 * 7 \oplus 6 * 8 = 3$

Rough Work/कधे काम

- 3) a, b आणि c ह्या तीन क्रमवार पूर्णकांच्या वर्गसंख्या असून $b - a = 87$, तर c ही कोणती संख्या आहे? 4
- 3) a, b and c are squares of three consecutive integers. If $b - a = 87$, find c. 4

Rough Work/कचे काम

4) बेरीज करा। / Find the sum.

$$\frac{1}{90} + \frac{1}{110} + \frac{1}{132} + \dots + \frac{1}{182} + \frac{1}{210}$$

Rough Work/कचे काम

- 5) प्रत्यक्ष भागाकार न करता, $801497561 \div 55$ या भागाकारात उरणारी बाकी काढा. **5**
- 5) Find the remainder, if 801497561 is divided by 55, without carrying out the division. **5**

Rough Work/कचे काम

- 6) १ जानेवारी 2014 रोजी कृष्णाने द.सा.द.श. ८ दराने, चक्रवाढव्याजाने, रु. 25,000/- कर्जाऊ घेतले आणि ते 27 मे 2015 रोजी व्याजासह परत केले. तर त्याने एकूण किती रक्कम दिली? 5
- 6) On January 1, 2014 Krishna borrowed Rs. 25,000/- at 8 p.c.p.a. by compound interest. He returned it with interest on 27 May 2015. How much amount did he return? 5

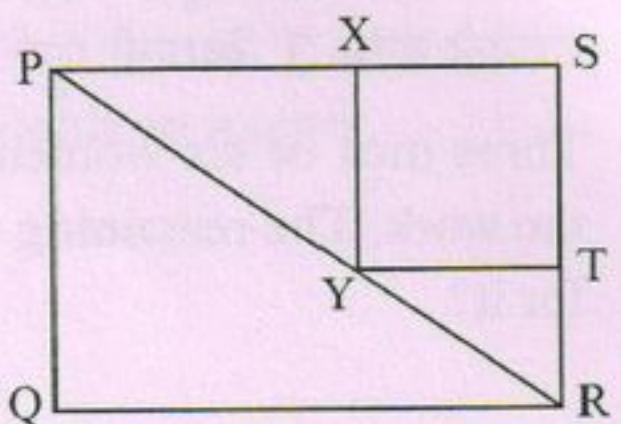
Rough Work/कचे काम

7) सोबतच्या आकृतीत दाखविल्याप्रमाणे PQRS हा आयत आहे आणि XYTS हा चौरस आहे. जर आयताची लांबी आणि रुंदी अनुक्रमे 18 सेमी व 12 सेमी असेल, तर XYTS चे क्षेत्रफळ किती असेल?

5

7) As shown in the given figure, PQRS is a rectangle and XYTS is a square. If the length and breadth of the rectangle is 18 cm and 12 cm respectively, what would be the area of XYTS?

5



Rough Work/कचे काम

8) एक काम 3 पुरुष किंवा 6 स्त्रिया 15 दिवसांत पूर्ण करतात. 2 पुरुषांनी तीन दिवस काम केल्यानंतर उरलेले काम 3 स्त्रियांनी पूर्ण केले, तर त्यांना त्यासाठी किती दिवस लागले? 5

8) Three men or six women can do a work in 15 days. Two men worked for three days on the work. The remaining work was completed by 3 women. How many days did they take for it? 5

Rough Work / कच्चे काम

- 9) $\frac{6}{35}, \frac{10}{21}$ आणि $\frac{15}{49}$ यांनी भागल्यावर भागाकार पूर्णक येईल असा सर्वात लहान अपूर्णक कोणता? 5
- 9) Find the smallest fraction, which if divided by $\frac{6}{35}, \frac{10}{21}$ and $\frac{15}{49}$ yields an integer. 5

Rough Work/कचे काम

10) बाजू 10.5 सेमी 11.9 सेमी आणि 5.6 सेमी असलेला एक त्रिकोण एका वर्तुळात अंतर्लिखित केला आहे. त्यामुळे तयार झालेले A, B आणि C हे वर्तुळखंड असून त्यांपैकी C हा सर्वात मोठा आहे. तर C या वर्तुळखंडाचे क्षेत्रफल काढा.

5

10) A triangle of sides 10.5 cm, 11.9 cm and 5.6 cm is inscribed in a circle, which creates three segments A, B and C of the circle. The segment C is the largest. Find the area of C. 5

Rough Work/कच्चे काम

11) मूळ अवयवांच्या गुणाकाराच्या रूपात $3^{12} - 2^{12}$ ही संख्या लिहा.

5

11) Write the numbers $3^{12} - 2^{12}$ as a product of prime numbers.

5

Rough Work/कचे काम

12) दोन चौरसांच्या कर्णांच्या लांबींतील फरक $\sqrt{32}$ सेमी असून त्यांच्या क्षेत्रफळांतील फरक 64 चौसेमी आहे. तर त्यांच्या बाजूंच्या लांबी काढा.

5

12) The difference between the lengths of the diagonals of two squares is $\sqrt{32}$ cm and the difference between their areas is 64 cm^2 . Find the lengths of their sides.

5

Rough Work/कचे काम

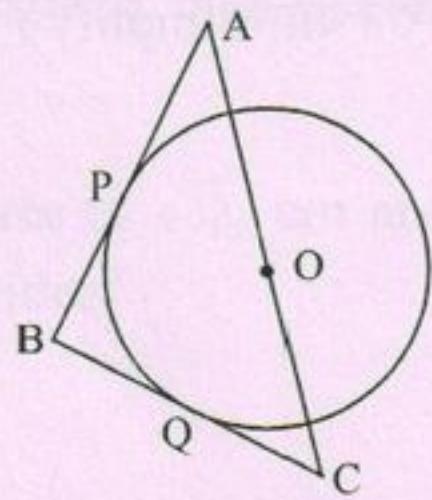
13) सोपे रूप द्या. Simplify : $\frac{4151}{11267} + \frac{7967}{4883}$

5

Rough Work/कच्चे काम

14) ΔABC मध्ये $l(AB) = 14$, $l(BC) = 13$ आणि $l(AC) = 15$. बाजू AC वर केंद्र असणारे एक वर्तुळ बाजू AB ला P मध्ये आणि बाजू BC ला Q मध्ये स्पर्श करते, तर त्या वर्तुळाची त्रिज्या काढा.

- 14) In ΔABC ; $l(AB) = 14$, $l(BC) = 13$, $l(AC) = 15$. A circle with its centre on side AC touches side AB at P and side BC at Q . Find the radius of the circle.



5

5

Rough Work/कचे काम

$$15) \text{ सोडवा. Solve : } \frac{1}{2x-7} + \frac{1}{2x-3} = \frac{1}{2x-1} + \frac{1}{2x-9}$$

5

Rough Work/कचे काम

16) सोबतच्या आकृतीत; बिंदू P, T व R हे अनुक्रमे बाजू AB बाजू AC

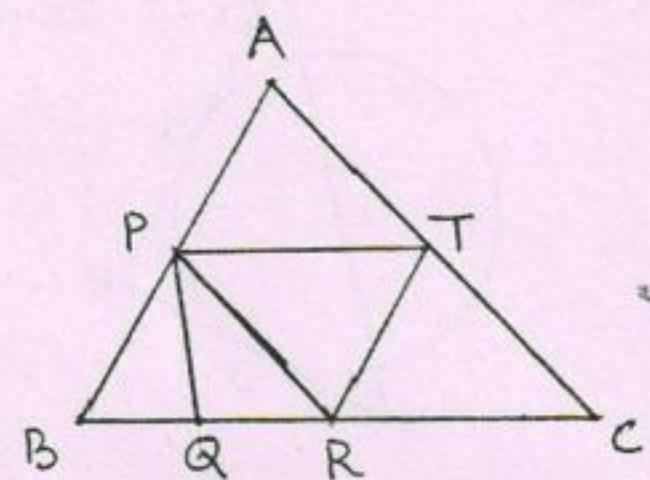
5

आणि बाजू BC वर आहेत. रेख PR || बाजू AC,

रेख PT || बाजू BC आणि रेख TR बाजू AB. बिंदू Q हा रेख BR
चा मध्य आहे. जर $A(\Delta PBQ) = 12.5$, तर $A(\Delta ABC)$ काढा.

16) In the given figure; points P, T and R are on the sides AB, AC and BC respectively. seg PR || seg AC, seg PT || seg BC and seg TR || seg AB. Point Q is the mid-point of seg BR.

If $A(\Delta PBQ) = 12.5$, find the area of ΔABC .



5

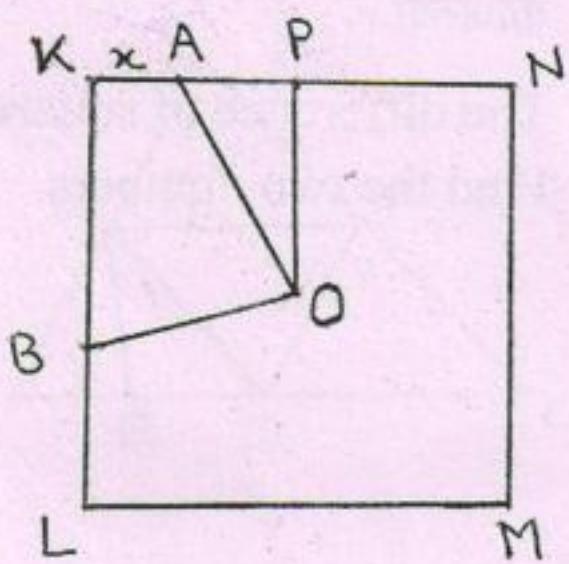
Rough Work/कऱ्चे काम

- 17) दोन नैसर्गिक संख्यांच्या वर्गाची वजाबाबकी ही सर्वात मोठी तीन अंकी मूळ संख्या आहे. तर त्या संख्या कोणत्या? 6
- 17) The difference of squares of two natural numbers is the greatest three digit prime number.
Find the two numbers. 6

Rough Work/कधे काम

18) शेजारच्या आकृतीत दाखविल्याप्रमाणे, KLMN हा बाजू 100 असणारा चौरस आहे. बिंदू P हा बाजू KN चा आणि बिंदू O हा KLMN चा मध्य आहे. बाजू KL वर बिंदू B असा आहे, की $l(LB) = 37$. रेख KP वर बिंदू A असून $l(KA) = x$. जर $A(KAOB) = 2000$ असेल, x ची किंमत काढा.

- 18) As shown in the figure, KLMN is a square of side 100. Point P is the mid-point of seg KN and point O is the center of the square. On side KL, Point B is such that $l(LB) = 37$. On seg KP, point A is such that $l(KA) = x$. If $A(KAOB) = 2000$, find x.



- 19) जर $a + b + c = 0$ तर दाखवा, की $(a^2 + b^2 + c^2)^2 = 2(a^4 + b^4 + c^4)$ 6
- 19) If $a + b + c = 0$, show that $(a^2 + b^2 + c^2)^2 = 2(a^4 + b^4 + c^4)$ 6

Rough Work/कच्चे काम

- 20) एका किरकोळ व्यापाच्याने ₹ 200 प्रति किग्रॅ दराचा काही डस्ट आणि ₹ 250 प्रति किग्रॅ दराचा काही सीटीसी असा एकूण 50 किग्रॅ चहा खरेदी केला. तो एकत्र मिसळून ₹ 264 प्रति किग्रॅ दराने विकल्पामुळे त्याला 20% नफा झाला. तर त्याने सीटीसी चहा किती घेतला होता? 6
- 20) A retailer purchased some dust tea and some CTC tea at ₹ 200 per kg and ₹ 250 per kg respectively. He mixed them and sold the mixture at ₹ 264 per kg. In the deal he earned 20% profit. Find how much CTC he had purchased if the total weight of the mixture was 50 kg. 6

Rough Work/कचे काम