बृहन्मुंबई आणि पुणे जिल्हा गणित अध्यापक मंडळ, गणित अध्ययन -अध्यापन विकसन संस्था, नाशिक Brihanmumbai and Pune Jilha Ganit Adhyapak Mandal and Ganit Adhyayan Adhyapan Vikasan Sanstha, Nashik

गणित प्रभुत्व स्पर्धा 8 M. P. Contest

Time: 12.00 to 2.00

Date: 26-02-2023

Maximum Marks: 100

सूचना:

- 1. प्रारंभी विचारलेली माहिती सुवाच्य अक्षरात भरा.
- 2. सर्व प्रश्न सोडवा.
- 3. प्रत्येक प्रश्नाखाली सोडलेल्या जागेत रीत, खुलासा इत्यादीसह उत्तर लिहा.
- 4. कच्च्या कामासाठी प्रत्येक पृष्ठावर दिलेली जागा वापरा.
- एखाद्या प्रश्नाचे लिहिलेले उत्तर रद्द करून त्याचे उत्तर नव्याने लिहावयाचे असेल तर ते शेवटच्या कोऱ्या पानावर त्या प्रश्नाच्या क्रमांकासह लिहा.

Instructions:

- 1. Fill in every information asked for.
- 2. Attempt all questions.
- 3. Write the answer with explanation in the space below each question.
- 4. Use the space provided on each page for rough work.
- 5. If you want to rewrite the solution of a question cancelling the original, write it on the last blank page mentioning the question number.

पूर्ण नाव :														
(आडनाव)				(नाव)				(मधले नाव)						
शाळेचे नाव:														
Full Nam	e:					enterna e se a como e transcentra e se a como e se	ESSTEIN FREE GOVERNOUS GOVERNMENT							
(IN CAPITALS)		(Surname)			(Name)			(Middle Name)						
Name of School :														
परीक्षा बैठक क्र. Seat Number								lm		पर्यवेक्षकाची स्वाक्षरी /igilator's Signature				
Scat Walliber														
प्रश्न क्रमांक	1	2	3	4	. 5	6	7	8	9	10	11	12	13	
गुण								,						
प्रश्न क्रमांक	14	15	16	17	18	19	20	एकूण गुण						
गुण					,									

- Q. 1 Shyam was born on 1st April in a leap year. If there were 5 Fridays and 5 Saturdays in April that year, how many Saturdays were there during that year?
- प्र. 1 श्यामचा जन्म एका लीप वर्षात 1 एप्रिलला झाला होता. त्या वर्षी एप्रिल महिन्यात शुक्रवार आणि शनिवार 5 वेळा आले होते. तर त्या संपूर्ण वर्षात किती शनिवार आले होते ?

[4]

Q.2 If
$$\left[2^{3^4} \div 2^{4^3} \div (2^{-4})^{-3} \div (2^4)^3\right]^{-1} = 2^m$$
, then find m .
 $\exists x : \left[2^{3^4} \div 2^{4^3} \div (2^{-4})^{-3} \div (2^4)^3\right]^{-1} = 2^m$, तर m ची किंमत काढा.

- Q. 3 A manufacturer makes 1200 articles at the cost of ₹ 2.5 each. He marks each of them in such a way that, if only 800 of them were sold, he would make 40% profit. But he sold 840 articles at their marked price and the remaining at 60% of their marked price. Calculate the manufacturer's profit percentage in this trade.
- प्र. 3 एक कारखानदार 1200 वस्तू प्रत्येकी 2.50 रु. ला बनवितो. त्यावर तो अशी छापील किंमत ठरवितो की त्यांपैकी फक्त 800 वस्तू विकल्या गेल्या असत्या तरी त्याला एकूण 40% नफा मिळाला असता. प्रत्यक्षात त्याने 840 वस्तू ठरविलेल्या छापील किमतीने विकल्या आणि उरलेल्या सर्व छापील किमतीच्या 60% किमतीला विकल्या. या व्यवहारात त्याला झालेला शेकडा नफा किती ?

[4]

- Q.4 Find the square-root of: $(1001 \times 1002 \times 1003 \times 1004 + 1)$
- प्र. 4 $(1001 \times 1002 \times 1003 \times 1004 + 1)$ चे वर्गमूळ काढा.

- Q. 5 If $(ABBA)^2 = CBDEF8A$. Find the proper digits in place of A, B, C, D, E, F. Different letters denote different digits.
- प्र. 5 जर $(ABBA)^2 = CBDEF8A$ असेल तर A, B, C, D, E, F यांच्या जागी योग्य अंक शोधा. भिन्न अक्षरे भिन्न अंक दर्शवितात.

[4]

- Q. 6 Construct a square having area 18 cm².
- प्र. 6 18 cm² क्षेत्रफळ असलेल्या चौरसाची भौमितिक रचना करा.

- Q. 7 If $x^2 7x 9 = 0$, then find the numerical value of $x^2 6x + \frac{35}{x+4}$.
- प्र.7 जर $x^2 7x 9 = 0$, तर $x^2 6x + \frac{35}{x+4}$ या राशीची अंकात्मक किंमत काढा.

[6]

- Q. 8 Four distinct points are arranged in a plane so that the segments connecting them have lengths a, a, a, a, a, a, and b. What is the ratio of b to a?
- प्र. 8 एका प्रतलात चार भिन्न बिंदू असे घेतले की त्यांना जोडणाऱ्या रेषाखंडांची लांबी a, a, a, a, 2a आणि b आहे.यावरून b चे a शी असलेले गुणोत्तर किती ?

Q. 9 If
$$343 = (n-14) \left(n^2 + \frac{2^2 \times 14}{4}n + 19 \times 6 + 9^2 + 1\right)$$
, then find the value of $\sqrt[3]{3n^3}$.

प्र. 9 जर
$$343 = (n-14)\left(n^2 + \frac{2^2 \times 14}{4}n + 19 \times 6 + 9^2 + 1\right)$$
, तर $\sqrt[3]{3n^3}$ ची किंमत शोधा.

[6]

- Q. 10 The compound interest on a certain principal for two years is ₹840 and for three years is ₹1324. Find the rate of interest p.c.p.a.
- प्र. 10 एका मुद्दलाचे काही दराने दोन वर्षांसाठी मिळणारे चक्रवाढ व्याज 840 रु. आहे आणि तीन वर्षांनी मिळणारे चक्रवाढ व्याज 1324 रु. आहे. यावरून व्याजाचा द.सा.द.शे. दर काढा.

- Q. 11 Identical four squares are cut from the corners of a square cardboard. The remaining sheet is folded to make an open box. If the volume of this box is 25 cubic cm, then find the side of that square cardboard.
- प्र. 11 एका चौरसाकृती पुड्र्याच्या चारी कोपऱ्यातून सारख्याच मापाचे चौरस कापले आणि उरलेल्या पुड्र्याचा एक उघडा खोका बनविला. या खोक्याचे घनफळ 25 घन सेमी आहे. यावरून त्या चौरसाकृती पुड्र्याची बाजू किती ते शोधा व लिहा.

Q. 12 Simplify:
$$97\left(1-\frac{9}{4^2}\right)\left(1-\frac{9}{7^2}\right)\left(1-\frac{9}{10^2}\right)\cdots\left(1-\frac{9}{97^2}\right)$$

प्र. 12 सरळरूप द्या:
$$97\left(1-\frac{9}{4^2}\right)\left(1-\frac{9}{7^2}\right)\left(1-\frac{9}{10^2}\right)\cdots\left(1-\frac{9}{97^2}\right)$$

Q. 13 Note that: 5! is read as factorial 5.

$$5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1,$$

$$8! = 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$$

If A = 2021! and $B = 2022 \times 2023 \times 2024$, then find the GCD and LCM of A and B. Write the GCD as the product of the greatest possible powers of its prime factors and write the LCM using factorial notation.

प्र. 13 लक्षात घ्या की: 5! हे फॅक्टोरियल पाच असे वाचतात.

$$5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1,$$

$$8! = 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1.$$

जर A = 2021! आणि B = 2022 × 2023 × 2024, तर A आणि B चा म.सा.वि. आणि ल.सा.वि. शोधा. म.सा.वि. त्याच्या मूळ अवयवांच्या घातांकांच्या गुणाकाराच्या स्वरूपात लिहा आणि ल.सा.वि. फॅक्टोरियल चिन्हाचा वापर करून लिहा.

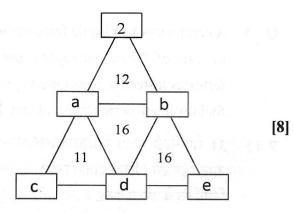
- Q. 14 O is the centre of two concentric circles. Radius of the smaller of them is 8 cm. Chord AB of the bigger circle passes through exactly one point C on the smaller circle. If $AB = 2\sqrt{105}$ cm and if ray BO intersects bigger circle at point D, find the length of BD. Also, prove that $\Delta BOC \sim \Delta BDA$ and hence find the lengths of AD and CD.
- प्र. 14 दोन एककेंद्री वर्तुळांचे O हे केंद्र आहे. त्यांतील लहान वर्तुळाची त्रिज्या 8 सेमी आहे. मोठ्या वर्तुळाची जीवा AB लहान वर्तुळाच्या परिघावरील C या एकाच बिंदूतून जाते. AB = 2√105 सेमी आहे. किरण BO मोठ्या वर्तुळाला D बिंदूत छेदतो. या माहितीवरून BD ची लांबी शोधा. तसेच ΔBOC ~ΔBDA हे सिद्ध करा आणि त्यावरून AD चीआणि CD ची लांबी शोधा व लिहा.

- Q. 15 A certain stock of liquid fertilizer was stored for 31 saplings. It was planned to be used at the rate of 1 litre per sapling per week. Since one sapling was sold every week; the fertilizer lasted twice as long as planned. What was the original stock of the fertilizer and for how much period was it planned?
- प्र. 15 31 रोपांसाठी काही निश्चित कालावधीसाठी पुरेल एवढे द्रव खत साठवून ठेवले होते. त्याचा वापर दर आठवड्याला 1 लिटर प्रति रोप या दराने केला जाणार होता. दर आठवड्याला एक रोप विकले गेल्यामुळे ते खत नियोजित वेळेपेक्षा दुप्पट कालावधीसाठी पुरले. यावरून खताचा मूळ साठा किती होता आणि त्याचे नियोजन किती कालावधीसाठी केले होते, हे शोधा आणि लिहा.

[8]

8]

- Q. 16 The number inside each triangle is the sum of the numbers at its vertices. Find the natural numbers a, b, c, d, e satisfying the given condition.
- प्र.16 प्रत्येक त्रिकोणाच्या आत असलेली संख्या ही त्याच्या शिरोबिंदूंवरील संख्यांची बेरीज आहे. ही अट पूर्ण करतील अशा नैसर्गिक संख्या *a, b, c, d, e* काढा.



- Q. 17 The distance between a town and a mill is 30 km. A man started to walk from the mill to the town at 6:30 a.m., while a cyclist left the town for the mill at 6:40 a.m., at a speed of 18 km/h. The man met the cyclist after walking 6 km. Determine at what time they met and the man's speed in km/hr.
- प्र. 17 एका शहरापासून गिरणीपर्यंतचे अंतर 30 किमी आहे. एका माणसाने सकाळी 6:30 वाजता गिरणीपासून शहराकडे चालायला सुरुवात केली, तर एक सायकलस्वार 18 किमी/तास वेगाने सकाळी 6:40 वाजता शहरापासून गिरणीकडे निघाला. 6 किमी चालल्यानंतर तो माणूस सायकलस्वाराला भेटला. तर ते किती वाजता भेटले? आणि चालत गेलेल्या माणसाचा वेग किती (किमी/तास) होता?

[8]