Brihanmumbai Ganit Adhyapak Mandal, Mumbai, Ganit Adhyayan Adhyapan Vikasan Sanstha, Nashik, and Pune Jilha Ganit Adhyapak Mandal, jointly with, Jnana Prabodhini's Educational Activity Research Centre, Pune

गणित प्रभुत्व स्पर्धा 🛭 M. P. Contest

Time: 12	2.00 to	2.00			Date	e: 25-0	2-202	4		Maxi	mum	Mark	s: 100
सूचना: 1. प्रारंभी विचारलेली माहिती सुवाच्य अक्षरात भरा. 2. सर्व प्रश्न सोडवा. 3. प्रत्येक प्रश्नाखाली सोडलेल्या जागेत रीत, खुलासा इत्यादीसह उत्तर लिहा. 4. कच्च्या कामासाठी प्रत्येक पृष्ठावर दिलेली जागा वापरा. 5. एखाद्या प्रश्नाचे लिहिलेले उत्तर रद्द करून त्याचे उत्तर नव्याने लिहावयाचे असेल तर ते शेवटच्या कोऱ्या पानावर त्या प्रश्नाच्या क्रमांकासह लिहा.				परा.	 Instructions: Fill in every information asked for. Attempt all questions. Write the answer with explanation in the space below each question. Use the space provided on each page for rough work. If you want to rewrite the solution of a question cancelling the original, write it on the last blank page mentioning the question number. 								
पूर्ण नाव : ⁻													
शाळेचे नाव	r:	(आ	डनाव)			(नाव)			(H	धले नाव	<u>()</u>		
Full Nam		15				/Nome	۵۱		(0.0	ام مالم ال	lama)		
(IN CAPITA		·	rname)			(Nam	e)		(IVI)	iddle N	iame)		
परीक्षा बैठक क्र. पर्यवेक्षकाची स्वाक्षरी Seat Number Invigilator's Signature													
प्रश्न क्रमांक	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
गुण													

14

प्रश्न क्रमांक

गुण

15

16

17

18

19

20

एकूण गुण

Q.1] If $x^2 - y = 43$ and $y^2 - x = 43$, find the values of x and y where x, y are integers. [5]

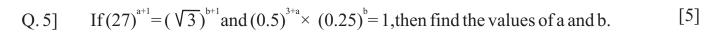
प्र. 1] जर $x^2 - y = 43$ आणि $y^2 - x = 43$, तर x आणि y च्या पूर्णांकी किमती काढा.

- 1	[5]
- 1	.)
- 1	

- Q.2] In Δ DEF, DE = 7 cm, DF = 9 cm, and altitude DP = 6 cm. Construct Δ DEF.
- प्र. 2] Δ DEF मध्ये, DE = 7 सेमी, DF = 9 सेमी, आणि उंची DP = 6 सेमी. Δ DEF ची रचना करा.

- Q. 3] The date, month and year of the birthday of Seema's aunt are all prime numbers. [5] The product of the date and month is 77 and the quotient where the year is divided by the date is 179.36. Find the birth-date, month and year of Seema's aunt.
- प्र. 3] सीमाच्या मावशीच्या जन्मतारखेत तारीख-महिना-वर्ष या तीनही मूळ संख्या आहेत. तारीख आणि महिना यांचा गुणाकार केल्यास 77 येतो आणि वर्षाला तारखेने भागल्यास भागाकार 179. 36 येतो, तर सीमाच्या मावशीची जन्मतारीख, महिना व वर्ष काढा.

- Q.4] A shopkeeper sold a mobile phone for Rs. 20000/- with 20% discount on the [5] marked price, and had 25% profit. If he would have sold it with 8% discount on the marked price, what would have been his profit percent?
- प्र. 4] एका दुकानदाराने छापील किमतीवर 20% सूट देऊन एक मोबाईल फोन 20000 रुपयांस विकला,तरी त्याला 25% नफा झाला. दुकानदाराने तोच मोबाईल फोन छापील किमतीवर 8% सूट देऊन विकला असता तर दुकानदाराला किती टक्के नफा झाला असता?



प्र. 5] जर $(27)^{a+1} = (\sqrt{3})^{b+1}$ आणि $(0.5)^{3+a} \times (0.25)^{b} = 1$, तर a आणि b यांच्या किमती शोधा.

Q.6]	Rs. 1200 amount to Rs. 1452 by compound interest in 2 years. What will be the	[5]
	amount of Rs. 1200 with the same rate of interest in 4 years?	

प्र. 6]	जर 1200 रुपयांची 2 वर्षांनी चक्रवाढ व्याजाने 1452 रुपये रास होत असेल तर त्याच रकमेची त्याच
	दराने 4 वर्षांनी किती रास होईल?

Q. 7]	The difference between the L.C.M. and the G.C.D. of two positive integers x	[6]
	and 18 is 405. Find the value of x.	
ਸ਼. 7]	x आणि 18 या दोन धन पूर्णांक संख्यांच्या ल.सा.वि. आणि म.सा.वि. यांच्यातील फरक 405 आहे.	

Rough work/कच्चे काम

तर x ची किंमत किती?

Q. 8] Factorize: $4x^2 + \frac{1}{4x^2} + 4x - \frac{1}{x} - 2$ [6]

प्र. 8] अवयवपाडा. $4x^2 + \frac{1}{4x^2} + 4x - \frac{1}{x} - 2$

Q.9] If
$$a + b + c \ne 0$$
 and $a^2 = b + c$, $b^2 = c + a$, $c^2 = a + b$, then find the value of $\frac{a}{a+1} + \frac{b}{b+1} + \frac{c}{c+1}$

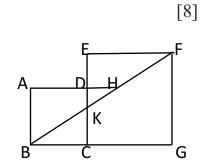
प्र. 9] जर
$$a+b+c\neq 0$$
 आणि $a^2=b+c$, $b^2=c+a$, $c^2=a+b$, तर $\frac{a}{a+1}+\frac{b}{b+1}+\frac{c}{c+1}$ ची किंमत काढा.

- Q. 10] One type of alloy contains copper and zinc in the ratio 1:3, and the other type of [6] alloy contains copper and zinc in the ratio 1:4. What quantity, in kilograms of the second type of alloy be mixed with 12 kg of the first type of alloy to get a new alloy containing copper and zinc in the ratio 2:7?.
- प्र. 10] एका प्रकारच्या मिश्रधातूमध्ये तांबे आणि जस्त यांचे प्रमाण 1:3 आहे आणि दुसऱ्या प्रकारच्या मिश्रधातूमध्ये तांबे आणि जस्त यांचे प्रमाण 1:4 आहे. तर पहिल्या प्रकारच्या 12 किलोग्रॅम मिश्रधातूमध्ये दुसऱ्या प्रकारचा किती किलोग्रॅम मिश्रधातू मिसळावा म्हणजे तयार होणाऱ्या मिश्रधातूमध्ये तांबे आणि जस्त यांचे प्रमाण 2:7 असेल?

- Q. 11] The volume of a cuboid is 10368 cubic centimeters. Its length (l), width (w), and [6] height (h) are given as l = (6m+12) cm, w = (3m-6) cm, h = (2m+6) cm, where l, w, h are integers. Find l, w, h and the total surface area of the cuboid.
- प्र. 11] एका घनाकृतीचे घनफळ 10368 घनसेमी आहे. त्या घनाकृतीत लांबी (l), रुंदी (w), व उंची (h) हे अनुक्रमे असे पूर्णांक आहेत की, l=(6m+12) सेमी, w=(3m-6) सेमी, h=(2m+6) सेमी. तर l,w,h यांच्या किमती काढा आणि त्या घनाकृतीचे एकूण पृष्ठफळ काढा.

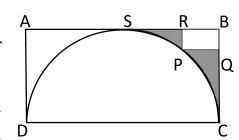
Q. 12]	On her birthday in 2007, Riya's age was equal to twice the sum of the digits of [8]
	her birth-year. Find her possible birth-years.
ਸ. 12]	रियाचा वाढदिवस 2007 साली झाला तेव्हा तिचे वय तिच्या जन्मवर्षाच्या अंकांच्या बेरजेच्या
	दुप्पट होते. तर तिची जन्मवर्षे कोणकोणती असण्याची शक्यता आहे?

Q.13] In the figure, there are two squares, ☐ ABCD and ☐ EFGC. The lengths of their sides are 6 and 9 units respectively. Line-segment BF intersects side EC at K. Extended AD meets BF at point H. Find the length of segment AH.



प्र. 13] दिलेल्या आकृतीत □ ABCD आणि □ EFGC ह्या दोन चौरसांच्या बाजू अनुक्रमे 6 आणि 9 एकक आहेत. रेषाखंड BF हा बाजू EC ला बिंदू Kमध्ये छेदतो. वाढवलेला रेषाखंड AD हा रेषाखंड BF ला बिंदू Hमध्ये छेदतो. तर रेषाखंड AHची लांबी काढा.

Q.14] \square ABCD is a rectangle. A semi-circle with diameter DC touches side AB at point S. Rectangle PQBR is drawn such that vertex P is on the semi-circle and RB = 10 cm, BQ = 5 cm. Find the area of the shaded region. (π = 3.14)



[8]

प्र. 14] ☐ ABCD ह्या आयताची DC बाजू व्यास घेऊन काढलेले अर्धवर्तुळ बाजू AB ला S बिंदूत स्पर्श करते. ☐ PQBR हा आयत असा काढला की, P हा शिरोबिंदू अर्धवर्तुळावर असून RB = 10 सेमी आणि BQ = 5 सेमी, तर छायांकित भागाचे क्षेत्रफळकाढा. (π = 3.14)

- Q. 15] Beena and Meena started running simultaneously on a circular track, starting [8] from diametrically opposite points in opposite directions with uniform but different speeds. They first met after Beena had run 100 meters. They met again when Meena had run 150 meters after their first meeting point. What was the circumference of the track?
- प्र. 15] बीना आणि मीना या दोघींनी एका वर्तुळाकार मार्गावरून त्याच्या व्यासाच्या टोकांपासून एकाच वेळीपण विरुद्ध दिशांनी एकसमान पण भिन्न वेगांनी धावण्यास सुरुवात केली. बीना100 मीटर धावल्यावर त्या एकमेकींना प्रथम भेटल्या. पहिल्या भेटीनंतर मीना 150 मीटर धावल्यावर त्या एकमेकींना पुन्हा भेटल्या. तर त्या वर्तुळाकार मार्गाचा परीघ किती होता?

- Q. 16] A sequence of rational numbers a_0 , a_1 , a_2 , a_3 is such that $a_0 = \frac{6}{7}$ and for natural [8] number n, $a_{n+1} = 2a_n$, if $a_n < \frac{1}{2}$ and $a_{n+1} = 2a_n 1$ if $a_n \ge \frac{1}{2}$ [For example, $a_1 = 2a_0 1$ as $a_0 = \frac{6}{7} > \frac{1}{2}$, $a_1 = 2(\frac{6}{7}) 1 = \frac{5}{7}$] then find the value of a_{2024} .
- प्र. 16] परिमेय संख्यांची श्रेणी $a_{_0}$, $a_{_1}$, $a_{_2}$, $a_{_3}$ --- अशी आहे की, $a_{_0}=\frac{6}{7}$. n ही नैसर्गिक संख्या असून जर $a_{_n}<\frac{1}{2}\ \, \mathrm{d} x\ \, a_{_{n+1}}=2a_{_n}, \text{ आणि } \, \mathrm{d} x\ \, a_{_n}\geq\frac{1}{2}\ \, \mathrm{d} x\ \, a_{_{n+1}}=2a_{_n}-1.$ [उदाहरणार्थ, $a_{_1}=2a_{_0}-1$ कारण $a_{_0}=\frac{6}{7}>\frac{1}{2}\ \, \mathrm{FF}$ णून $a_{_1}=2\left(\frac{6}{7}\right)-1=\frac{5}{7}$] $\, \mathrm{d} x\ \, a_{_{2024}}$ ची किंमत काढा.